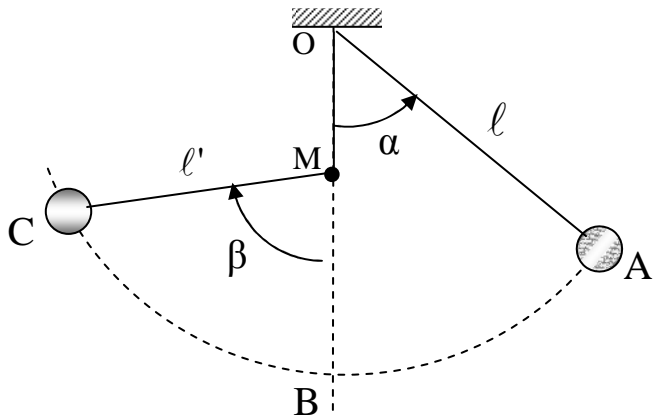


الموضوع 2 ثا - 09

التمرين الأول : (U04-Ex08)



- يتكون نواس ثقلي بسيط من جسم (S) نعتبره نقطي كتلته $m = 100 \text{ g}$ معلق في النهاية B لخيط عديم الإمتطاط طوله $OA = l = 40 \text{ cm}$ مثبت في O .

- نزيح هذا النواس عن وضع توازنه بزاوية $\alpha = 60^\circ$ ثم نتركه لحاله دون سرعة ابتدائية ، و عند مروره بوضع التوازن يصادف النواس مسمار مثبت عموديا على شاقول النقطة B يبعد عن نقطة التثبيت بمسافة $OM = 15 \text{ cm}$ لينحرف في الجهة المقابلة بزاوية β (الشكل) .

- نعتبر المستوي المرجعي لحساب الطاقة الكامنة الثقالية مار من الموضع B كما يعطى : $g = 10 \text{ m/s}^2$.

1- مثل مخطط الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم S + أرض) بين الموضعين A و B ثم بين B و C .

2- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S + أرض) أوجد :

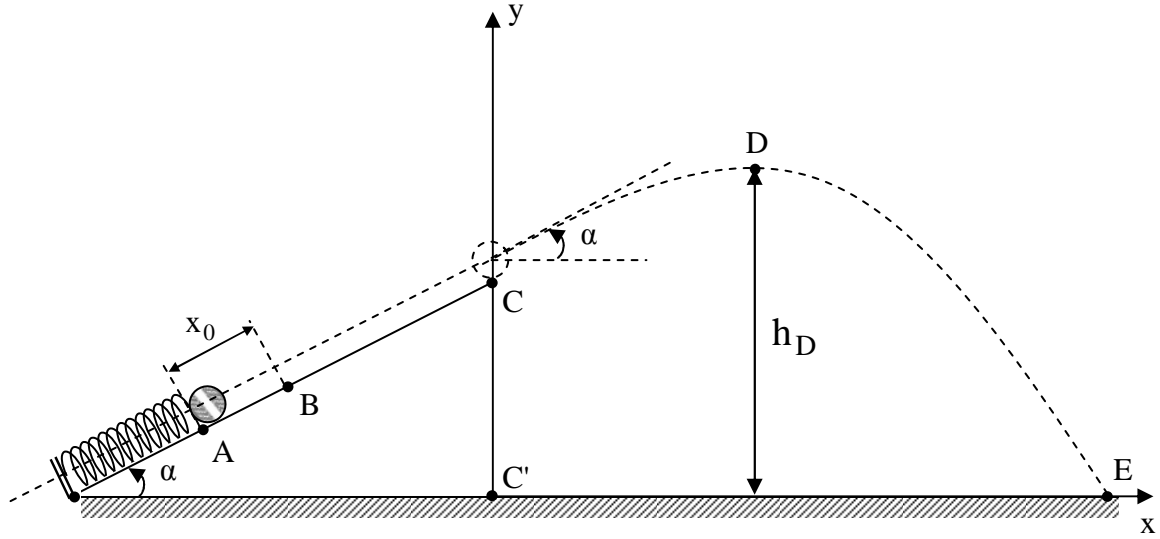
أ- سرعة الجسم أثناء مروره بوضع التوازن B .

ب- قيمة الزاوية β التي ينحرف بها الخيط في الجهة الثانية .

التمرين الثاني : (U04-Ex17)

نابض مرن ثابت مرونته $K = 67.5 \text{ N/m}$ ، أحد طرفيه مثبت بنقطة تقع أسفل مستوي مائل يميل على الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ و طرفه الآخر حر في الموضع B ، بواسطة جسم صلب نعتبره نقطي كتلته $m = 100 \text{ g}$ نضغط على هذا النابض في الموضع B بمقدار $x_0 = 20 \text{ cm}$ وفق الخط الميل الأعظم للمستوي المائل ثم نتركه حرا لحاله دون سرعة ابتدائية فينتقل الجسم (S) من الموضع A إلى الموضع C مار من الموضع B وفق مسار مستقيم ABC كما مبين في الشكل المقابل .

تهمل كل قوى الاحتكاك و يعطى : $g = 10 \text{ m/s}^2$.



1- نعتبر الجملة (جسم S + أرض + نابض) و المستوي الأفقي المار من A مرجعا لحساب الطاقة الكامنة الثقالية :

أ- مثل مخطط الحويلة الطاقوية بين الموضعين A و B ، ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة الموافقة .
 ب- أحسب السرعة عند الموضع B .

2- إذا علمت أن الجسم (S) عندما يبلغ الموضع C بالسرعة $v_C = 3 \text{ m/s}$ ، مثل مخطط الحويلة الطاقوية أثناء الانتقال من B إلى C ، باعتبار الجملة (جسم S) ثم أحسب المسافة BC .

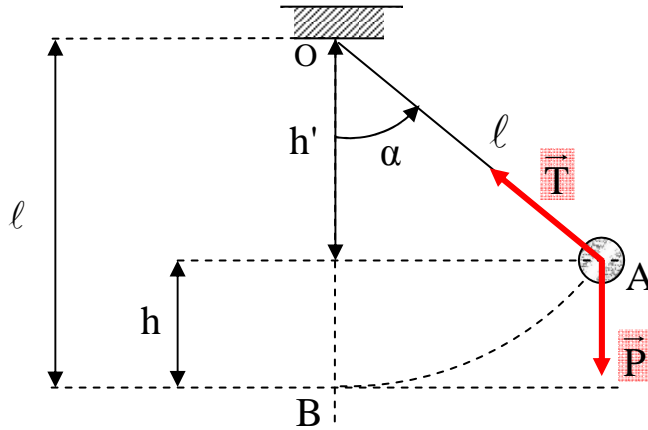
3- بعد بلوغ الجسم (S) الموضع C يواصل حركته في الهواء مارا بالنقطة D الموافقة لأعلى ارتفاع يبلغه (الذروة) و ليصطدم في النهاية بالأرض في الموضع E .

أ- مثل بشكل كيفي شعاعي السرعة عند الموضعين C و D ، ثم حدد قيمة سرعة الجسم (S) عند الموضع D دون تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة .

ب- قسنا الزمن الذي استغرقه الجسم (S) منذ مغادرته المستوي المائل في الموضع C إلى غايه ارتظامه بسطح في الموضع E فوجدنا $\Delta t = 0.4 \text{ s}$ ، أحسب المسافة C'E بين الموضع C' مسقط الموضع C على المحور OX و الموضع E الموجود على نفس المحور .

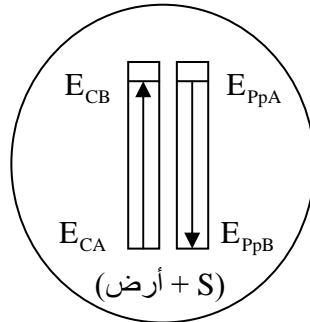
حل التمرين الأول

1- الحصييلة الطاقوية للجملة (جسم S + أرض) بين A و B :



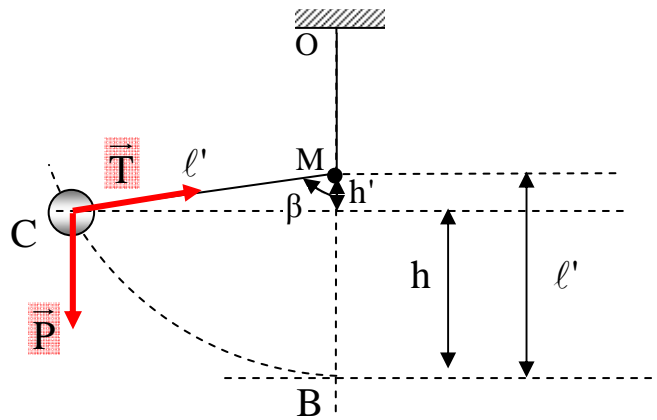
الشكل-1

- الجملة المدروسة : (جسم S + أرض)
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليلي .
- القوى الخارجية المؤثرة : قوة التوتر \vec{T} .



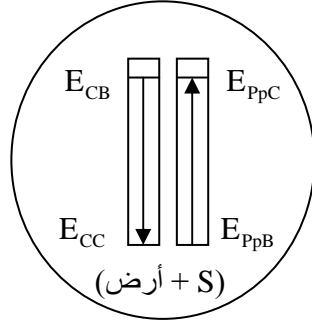
الشكل-2

- الحصييلة الطاقوية للجملة (جسم S + أرض) بين B و C :



الشكل-3

- الجملة المدروسة : (جسم S + أرض)
- مرجع الدراسة : سطحي أرضي نعتبره غاليلي .
- القوى الخارجية المؤثرة : قوة التوتر \vec{T} .



الشكل-4

2- سرعة الجسم (S) عند مروره بوضع التوازن B :
- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S + أرض) بين A و B .

$$E_A + E_{مكتسبة} - E_{مقدمة} = E_B$$

اعتمادا على الحصيلة الطاقوية السابقة (الشكل-2)

$$E_{CA} + E_{PPA} = E_{CB} + E_{PPB}$$

$$0 + mgz_A = \frac{1}{2}mv_B^2 + 0$$

$$gz_A = \frac{1}{2}v_B^2$$

$$2gz_A = v_B^2$$

من (الشكل-1) :

$$\begin{cases} z_A = \ell - h' \\ \cos\alpha = \frac{h'}{\ell} \rightarrow h' = \ell \cos\alpha \rightarrow z_A = \ell - \ell \cos\alpha = \ell (1 - \cos\alpha) \end{cases}$$

و منه :

$$2g \cdot \ell (1 - \cos\alpha) = v_B^2 \rightarrow v_B = \sqrt{2g \cdot \ell (1 - \cos\alpha)}$$

$$v_B = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 0,4 (1 - \cos 60^\circ)} = 2 \text{ m/s}$$

ب- قيمة الزاوية β التي ينحرف بها الخيط في الجهة الثانية :
- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (سيارة) بين B و C .

$$E_B + E_{مكتسبة} - E_{مقدمة} = E_C$$

اعتمادا على الحصيلة الطاقوية السابقة (الشكل-4)

$$E_{CB} + E_{PPB} = E_{CC} + E_{PPC}$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 + 0 = 0 + mgz_C$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 = mgz_C \rightarrow \frac{1}{2}v_B^2 = gz_C \rightarrow v_B^2 = 2gz_C$$

من (الشكل-3) :

$$\begin{cases} z_C = \ell' - h' \\ \cos\beta = \frac{h'}{\ell'} \rightarrow h' = \ell' \cos\beta \rightarrow z_C = \ell' - \ell' \cos\beta = \ell' (1 - \cos\beta) \end{cases}$$

$$v_B^2 = 2g \cdot \ell' (1 - \cos\beta)$$

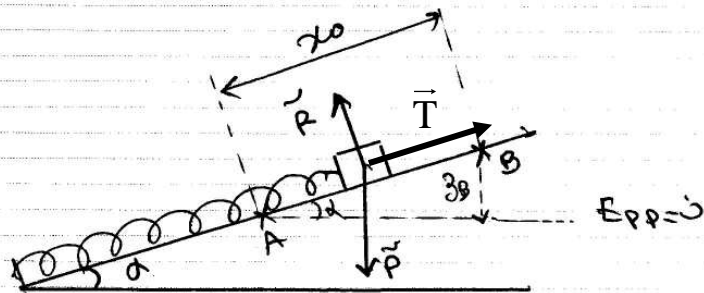
$$(1 - \cos\beta) = \frac{v_B^2}{2g\ell'} \rightarrow \cos\beta = 1 - \frac{v_B^2}{2g\ell'}$$

$$\ell' = \ell - OM = 0.4 - 0.15 = 0.25 \text{ m}$$

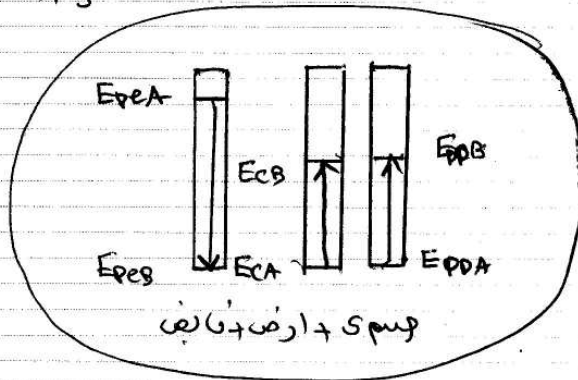
$$\cos\beta = 1 - \frac{(2)^2}{2 \cdot 10 \cdot 0.25} = 0.2 \rightarrow \beta \approx 78^\circ$$

حل التمرين الثاني

1-1- الصيلة المطوّية بين الموضعين A و B :



- الصيلة المطروسة : (حسم + ارض + نابض)
 - القوى الخارجية : \vec{P} ، \vec{R} حيث : $W(\vec{P}) = W(\vec{R}) = 0$
 A-B A-B



معادلة اتحفاظ الطاقة :

بتطبيق مبدأ اتحفاظ الطاقة :

$$E_A + E_{\text{مكتبنة}} - E_{\text{مقدومة}} = E_B$$

بالاعتماد على الصيلة المطوّية :

$$E_{CA} + E_{PA} + E_{EA} = E_{CB} + E_{PB} + E_{EB}$$

$$E_{peA} = E_{cb} + E_{ppB}$$

في السرعة عند B :

ومن ثمًا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة :

$$E_{peA} = E_{cb} + E_{ppB}$$

$$\frac{1}{2} K x_0^2 = \frac{1}{2} m v_B^2 + m g z_B$$

$$K x_0^2 = m v_B^2 + 2 m g z_B$$

$$\sin d = \frac{z_B}{AB} = \frac{z_B}{x_0} \rightarrow z_B = x_0 \sin d \quad \text{من الشكل}$$

ومن ثم يصبح :

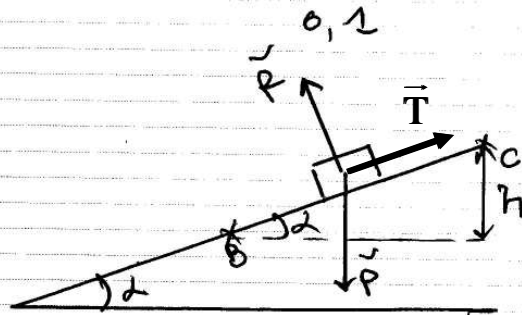
$$K x_0^2 = m v_B^2 + 2 m g x_0 \sin d$$

$$m v_B^2 = K x_0^2 - 2 m g x_0 \sin d$$

$$v_B = \sqrt{\frac{K x_0^2 - 2 m g x_0 \sin d}{m}}$$

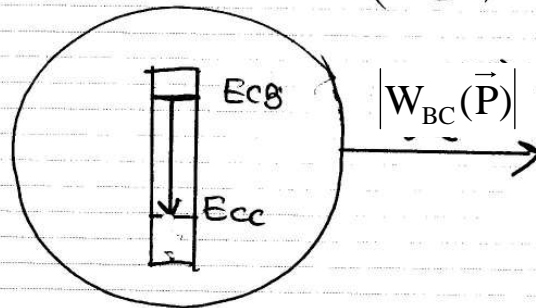
$$v_B = \sqrt{\frac{67,5 (0,2)^2 - (2 \times 0,1 \times 10 \times 0,2 \sin 30^\circ)}{0,1}} = 5 \text{ m/s}$$

2- الحصيلة الملقونية :



- الحصيلة المدروسة : $W_{BC}(\vec{P})$
- القوى الخارجية : النقل \vec{P} ، قولارد العجل \vec{P}
- طاقة المدة : (E_c)

$$(W_{BC}(\vec{P})) = 0$$



المسألة BC

بتطبيق مبدأ الحفظ الطاقة بين B و C وبالاعتماد على
الخصيصة الطاقوية السابقة:

$$E_B + E_{\text{مكتسبة}} - E_{\text{مفقودة}} = E_C$$

$$E_{\text{ccB}} - |W_{B-C}| = E_{\text{ccC}}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - |-mgh| = \frac{1}{2} m v_C^2$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - mgh = \frac{1}{2} m v_C^2$$

$$v_B^2 - 2gh = v_C^2$$

$$\sin \alpha = \frac{h}{BC} \rightarrow h = BC \sin \alpha$$

من الشكل

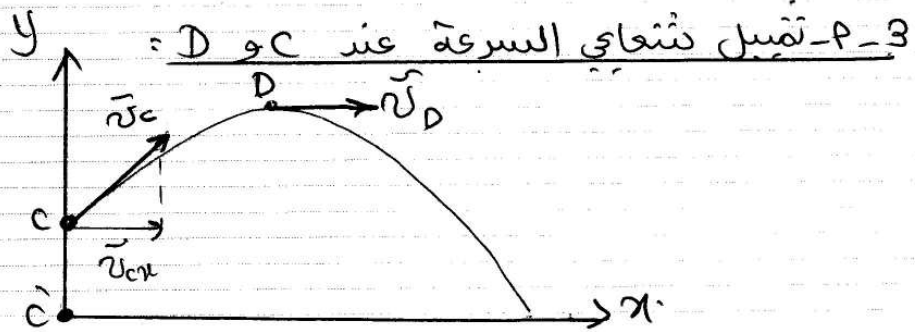
$$v_B^2 - 2gBC \sin \alpha = v_C^2$$

ومنه:

$$v_B^2 - v_C^2 = 2gBC \sin \alpha$$

$$BC = \frac{v_B^2 - v_C^2}{2 \cdot g \cdot \sin \alpha}$$

$$BC = \frac{(5)^2 - (3)^2}{2 \times 10 \times \sin 80^\circ} = 1,6 \text{ m}$$



قيمة السرعة $v = v_x$

حركة (C) بعد مفادرة المستوى المكمل في الموضع C هي
حركة قذيفة، ونعلم أن مسقط حركة القذيفة على
المحور x هي حركة مستقيمة منتظمة لذاكون،

$$v_{xD} = v_{xC}$$

من الشكل

$$\bullet \cos \alpha = \frac{v_{cx}}{v_c} \rightarrow v_{cx} = v_c \cos \alpha$$

$$\bullet v_{\alpha D} = v_D \quad (v_D \parallel O\alpha)$$

اذن:

$$v_D = v_c \cos \alpha$$

$$v_D = 3 \cos 30 = 2,60 \text{ m/s}$$

- المسافة $C'E$ =
 الزمن الذي يستغرقه (s) من C إلى E وفقاً لمسار المنحنى هو نفسه الزمن الذي يستغرقه من الموضع C مسقط C على المحور O\alpha إلى الموضع E وفقاً للمحور O\alpha ، وكذا أن مسقط الحركة على المحور O\alpha مستقيمة منتظمة يكون:

$$C'E = v_{\alpha} \cdot \Delta t$$

$$v_{\alpha} = v_{\alpha C} = v_{\alpha D} = v_D = 2,60 \text{ m/s} \quad \text{مما سبق}$$

اذن:

$$C'E = 2,60 \times 0,4 = 1,04 \text{ m}$$

تمنيتي لكم التوفيق و النجاح